

# رتبه بندی آلترناتیو های موجود لپ تاپ در بازار از دید مصرف کننده

استاد: دکتر امیری  
دانشجو: الهم سزاوار



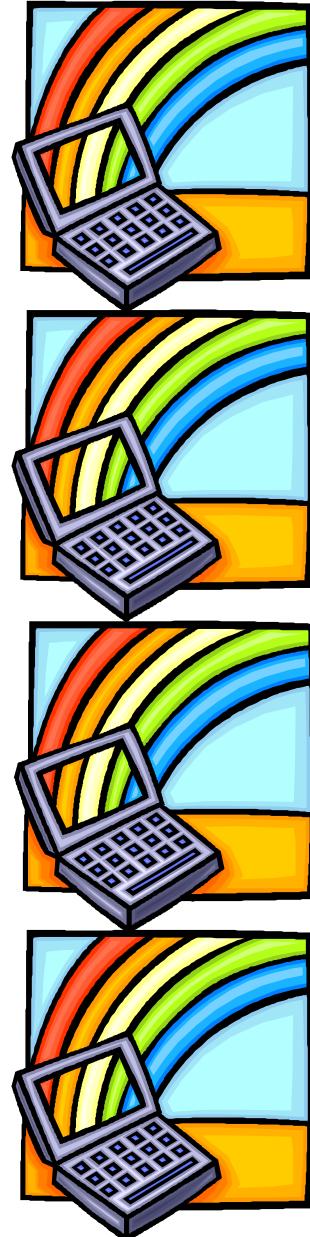
لپ تاپ از دسته کالاهایی است که امروزه نسبت به سالهای گذشته طرفداران زیادی یافته و به عبارتی میتوان گفت، این کالای لوکس اما پرمخاطب بازاری متفاوت با سالهای ابتدایی ورودش به بازار دارد.

عوامل زیادی در رشد میزان استفاده از این کالا دخیل بوده است که کاهش قیمت، مولفه بسیار مهمی در جلب نظر کاربران رایانه به سمت لپتاپ بوده است.

رشد تکنولوژی و ورود مدلهای پیشرفته و با قابلیت، حمل و نقل آسان لپتاپ نسبت به PC و حمل اطلاعات به هر جا و هر مکان، ورود مدلهای سبک وزن به بازار و افزایش تنوع در برنده و مدل نیز از سایر عواملی است که باعث شده بازار این کالا پررونق شود.

انتخاب صحیح یک لپ تاپ بجز مسئله قیمت به موارد دیگری همچون اهمیت وزن و جابجایی ، گارانتی و مواردی این چنینی نیز باز می گردد .

اگر چه نوع و میزان استفاده یکی از مهمترین عوامل موثر بر انتخاب نوع لپ تاپ می باشد(یه عنوان مثال نوع لپ تاپ مناسب برای یک دانشجو و یک مهندس معدن یکسان نمی باشد)، ما بدون توجه به این عامل و به صورت کلی به بررسی عوامل موثر بر انتخاب لپ تاپ می پردازیم.



از طریق مصاحبه با فرد خبره، عوامل زیر به عنوان موارد اثرگذار بر انتخاب نوع لپ تاپ توسط مصرف کنندگان معرفی شد:

- مشخصات فنی
- گارانتی
- قیمت
- وزن
- برند (نام تجاری)
- لوازم جانبی



بر اساس اظهار نظر فرد خبره ، مشخصات فنی شامل موارد زیر می باشد:



(MODEM + WiFi + + Fingerprint + Webcam + Bluetooth) ○ امکانات جانبی

- پردازنده
- رم
- هارد
- LCD
- کارت گرافیک

در بازار انواع مختلفی از لپ تاپ با برندهای متنوعی موجود می باشند. از جمله:

Vaio

Asus

Dell

Apple

Hp

Toshiba

Lenovo

Fujitsu-Siemens

Acer

اما در این بررسی فقط ۳ برند زیر را در نظر می گیریم:

*Vaio*

*Apple*

*Dell*

Vaio: شکی نیست که برای بسیاری از کاربران ایرانی در تمامی سطوح از خانگی تا حرفه ای، نوت بوک با این برنده شناخته می شود و سایر برندها از دید کاربران وطنی اصولا در سطح نازل تری از کیفیت جای دارند. یکی از دلائل اصلی ایجاد این طرز فکر که البته با واقعیت و میزان گستردگی و فروش برندها در سطح جهانی تفاوت دارد، به محبوبیت و کیفیت

برند سونی در رده صوتی تصویری باز می گردد و این شاید محکم ترین دلیلی است که کاربر ایرانی محتاط و زخم خورده از کالاهای بی کیفیت، هیچ برنده دیگری را بر سونی ترجیح ندهد.

شرکتهای عرضه کننده اصلی وايو در ایران عبارتند از : امراتات ، ایران رهجو و ....





Apple: کیفیت فوق العاده و جذابیت های فراوان پیرامون چیزی نیست که بتوان آن را کتمان کرد اما آنچه به روشنی در بازار این کالا در میان کاربران داخلی به چشم می خورد نوعی عدم اطمینان از کارکرد نرم افزاری بدون اشکال دستگاه، عدم توجیه قیمت نسبتا بالای آن و شاید از همه مهمتر عدم وجود یک توزیع کننده و گارانتی رسمی و بزرگ برای آن است که بسیاری را از خریداین جواهر درخشنان باز داشته است.

:Dell

این شرکت توانسته از لحاظ کیفیت و قیمت یک تعادل متناسب برقرار کند. به طوری که لپ تاپ‌هایی با کیفیت متوسط با قیمتی تقریباً مناسب به بازار عرضه می‌کند. شرکت‌های عرضه کننده دل در ایران عبارتند از زیگورات، پارسیان، دیجیتال و ...



**SAW**



# مراحل استفاده از روش SAW

1- کمی کردن ماتریس

2- بی مقیاس سازی خطی مقادیر ماتریس تصمیم گیری

$$n_{ij} = \frac{a_{ij}}{\max a_{ij}} \longrightarrow \text{برای شاخص هایی با جنبه مثبت}$$

$$n_{ij} = \frac{\min a_{ij}}{a_{ij}} \longrightarrow \text{برای شاخص هایی با جنبه منفی}$$

3- ضرب ماتریس بی مقیاس شده در اوزان شاخص ها

4- انتخاب بهترین گزینه با استفاده از معیار زیر:

$$A^* = \left\{ A_i | \text{Max} \sum_{j=1}^n n_{ij} w_j \right\}$$



# محاسبه وزن از طریق آنتروپی

گزینه ها \ شاخصها	C1	C2	....	Cn
A1	a11	a12	....	a1n
A2	a21	a22	....	a2n
.	.	.		.
Am	am1	am2	....	amm

$$P_{ij} = \frac{a_{ij}}{\sum_{i=1}^m a_{ij}}$$

گام 1- محاسبه  $P_{ij}$

گام 2- محاسبه مقدار آنتروپی  $E_j$

$$E_j = -k \sum_{i=1}^m [P_{ij} \ln P_{ij}]$$

$$K = \frac{1}{\ln(m)}$$

گام 3- محاسبه مقدار عدم اطمینان  $d_j$

$$d_j = 1 - E_j$$



# محاسبه وزن از طریق آنثروپی

$$w_j = \frac{d_j}{\sum_{j=1}^n d_j}$$

گام 4- محاسبه اوزان  $w_j$

$$\hat{w}_j = \frac{\lambda_j w_j}{\sum_{j=1}^n \lambda_j w_j}$$

گام 5- محاسبه اوزان تعدل شده  $\hat{w}_j$



# مائریس نصیمیم

	ACCESSORY +	TECHNICAL SPECIFICATION +	WEIGHT -	PRICE -	BRAND +	WARRANTY +
VAIO	20	40	30	40	40	40
DELL	30	30	20	25	20	30
APPLE	20	40	40	50	50	20



## ماتریس بی مقیاس شده

	ACCESSORY +	TECHNICAL SPECIFICATON +	WEIGHT -	PRICE -	BRAND +	WARRANTY +
VAIO	0.66	1	0.66	0.625	0.8	1
DELL	1	0.75	1	1	0.4	.75
APPLE	0.66	0.5	0.5	0.5	1	.5
مجموع	2.32	2.25	2.16	2.125	2.2	2.25



# محاسبه وزن از طریق آنثروپی

$$P_{ij} = \frac{a_{ij}}{\sum_{i=1}^m a_{ij}}$$

گام 1: محاسبه PIJ

$$p_{11} = \frac{0.666}{2.32} = 0.28$$

	A	T	PRICE -	BRAND +	WARRANTY +
VAIO	0.28	0.36	0.3	0.29	0.36
DELL	0.43	0.27	0.46	0.47	0.18
APPLE	0.28	0.36	0.23	0.23	0.45



## گام 2 : محاسبه $E_j$

$$E_j = -k \sum_{i=1}^m [P_{ij} \ln P_{ij}]$$

$$K = \frac{1}{\ln(m)}$$

$$E_j = -0.91 \times [0.28 \ln 0.28 + 0.43 \ln 0.43 + 0.28 \ln 0.28] \\ = 0.98$$

E1	E2	E3	E4	E5	E6
0.98	0.99	0.96	0.96	0.94	0.96



## گام 3: محاسبه $d_j$

$$d_j = 1 - E_j$$

d <sub>j</sub>	d <sub>1</sub>	d <sub>2</sub>	d <sub>3</sub>	d <sub>4</sub>	d <sub>5</sub>	d <sub>6</sub>	$\Sigma d$
1 - E <sub>j</sub>	0.02	0.01	0.04	0.04	0.06	0.04	0.21



## گام 4: محاسبه اوزان $W_j$

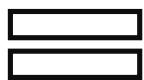
$$W_j = \frac{d_j}{\sum_{j=1}^n d_j}$$

W1	W2	W3	W4	W5	W6
0.095	0.047	0.190	0.190	0.285	0.190

	ACCESSORY +	TECHNICAL SPECIFICATION +	WEIGHT -	PRICE -	BRAND +	WARRANTY+
VAIO	0.66	1	0.66	0.625	0.8	1
DELL	1	0.75	1	1	0.4	0.75
APPLE	0.66	0.5	0.5	0.05	1	0.5

X

W1 = 0.095
W2 = 0.047
W3 = 0.190
W4 = 0.190
W5 = 0.285
W6 = 0.190



0.77 VAIO	→	رتبه اول
0.76 DELL	→	رتبه دوم
0.65 APPLE	→	رتبه سوم

VAIO > Dell > APPLE

# TOPSIS



# مراحل استفاده از روش TOPSIS

1. کمی کردن و بی مقیاس سازی نورم ماتریس تصمیم

$$n_{ij} = \frac{a_{ij}}{\sqrt{\sum_{i=1}^m a_{ij}^2}}$$

2. ضرب ماتریس بی مقیاس شده در ماتریس قطری وزن ها

$$V = N \times W_{nn}$$

3. تعیین راه حل ایده آل منفی و مثبت

(بردار بهترین مقادیر هر شاخص ماتریس  $V$ ) = راه حل ایده آل مثبت  $V_j^+$

(بردار بدترین مقادیر هر شاخص ماتریس  $V$ ) = راه حل ایده آل منفی  $V_j^-$



# مراحل استفاده از روش TOPSIS

4. به دست آوردن میزان فاصله‌ی هر گزینه تا ایده‌آل های مثبت و منفی

$$d_i^+ = \sqrt{\sum_{j=1}^n (v_{ij} - v_j^+)^2}$$

$$d_i^- = \sqrt{\sum_{j=1}^n (v_{ij} - v_j^-)^2}$$

5. تعیین نزدیکی نسبی یک گزینه به راه حل ایده‌آل

$$CL_i^* = \frac{d_i^-}{d_i^- + d_i^+}$$

6. رتبه بندی گزینه‌ها



# مائریس نصیمیم

	ACCESSORY	TECHNICAL SPECIFICATON	WEIGHT	PRICE	BRAND	WARRANTY
VAIO	20	40	30	40	40	40
DELL	30	30	20	25	20	30
APPLE	20	40	40	50	50	20
$\sqrt[3]{\sum_{i=1}^3 a_{ij}^2}$	41.23	53.85	53.85	68.73	67.08	53.85



# ماتریس بی مقیاس شده

$$n_{ij} = \frac{a_{ij}}{\sqrt{\sum_{i=1}^m a_{ij}^2}}$$

$$n_{11} = \frac{20}{\sqrt{20^2 + 30^2 + 20^2}} = 0.485$$

	ACCURACY	PERFORMANCE	SPECIFICATION	WEIGHT	PRICE	BRAND	WARRANTY
VAIO	0.485	0.742	0.557	0.581	0.596	0.742	
DELL	0.727	0.557	0.371	0.363	0.298	0.557	
APPLE	0.485	0.371	0.742	0.727	0.745	0.371	



# وزن محاسبه شده از طریق آنتروپی

W1	W2	W3	W4	W5	W6
0.095	0.047	0.190	0.190	0.285	0.190



## ضرب ماتریس بی مقیاس در ماتریس قطری وزن

$$\begin{pmatrix} 0.485 & 0.742 & 0.557 & 0.581 & 0.596 & 0.742 \\ 0.727 & 0.557 & 0.371 & 0.363 & 0.298 & 0.557 \\ 0.485 & 0.371 & 0.742 & 0.727 & 0.745 & 0.371 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 0.095 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0.047 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0.190 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0.190 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0.285 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0.190 \end{pmatrix}$$



$$\begin{pmatrix} 0.046 & 0.035 & 0.106 & 0.110 & 0.170 & 0.141 \\ 0.069 & 0.026 & 0.070 & 0.069 & 0.085 & 0.106 \\ 0.046 & 0.017 & 0.141 & 0.138 & 0.212 & 0.070 \end{pmatrix}$$



## راه حل ایده آل منفی و مثبت

$$V_i^+ = [\max V_{i1} + \max V_{i2} + \min V_{i3} + \min V_{i4} \\ + \max V_{i5} + \max V_{i6}]$$

$$V_i^- = [\min V_{i1} + \min V_{i2} + \max V_{i3} + \max V_{i4} \\ + \min V_{i5} + \min V_{i6}]$$



## میزان فاصله‌ی هر گزینه تا ایده‌آل های مثبت و منفی

$$d_1^+$$

$$= \sqrt{(0.046 - 0.069)^2 + (0.035 - 0.035)^2 + (0.106 - 0.070)^2 + \\ (0.110 - 0.069)^2 + (0.170 - 0.212)^2 + (0.141 - 0.141)^2}$$

$$d_1^+ = 0.0726$$

$$d_1^-$$

$$= \sqrt{(0.046 - 0.046)^2 + (0.035 - 0.017)^2 + (0.106 - 0.141)^2 + \\ (0.110 - 0.138)^2 + (0.170 - 0.085)^2 + (0.141 - 0.070)^2}$$

$$d_1^- = 0.090$$



میزان فاصله‌ی هر گزینه تا ایده‌آل های مثبت و منفی

$$d_1^+ = 0.0726$$

$$d_2^+ = 0.132$$

$$d_3^+ = 0.125$$

$$d_1^- = 0.090$$

$$d_2^- = 0.108$$

$$d_3^- = 0.127$$



## تعیین نزدیکی نسبی یک گزینه به راه حل ایده آآل و رتبه بندی

$$CL_i = \frac{d_i^-}{d_i^- + d_i^+}$$

$$CL_1 = \frac{0.090}{0.090 + 0.0726} = 0.5535$$

$$CL_2 = \frac{0.108}{0.108 + 0.132} = 0.45$$

$$CL_3 = \frac{0.127}{0.127 + 0.125} = 0.5039$$

VAIO > APPLE > DELL

# AHP

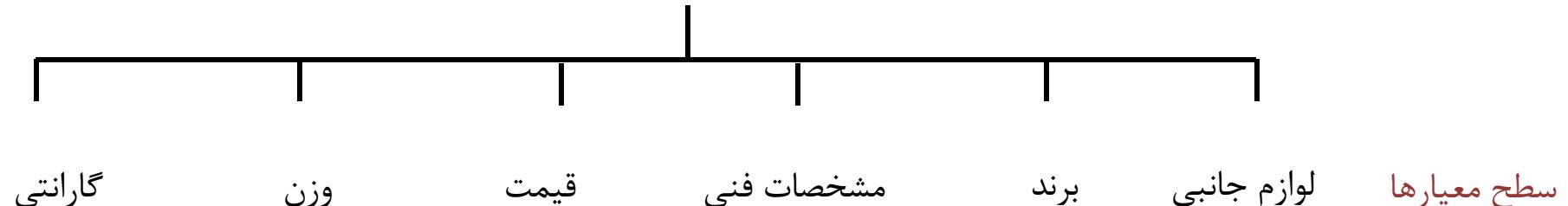


# مراحل استفاده از روش AHP

- نرمالایز کردن ماتریس مقایسات زوجی
- به دست آوردن میانگین حسابی هر سطر ماتریس به هنجار شده ای مقایسات زوجی
- ضرب وزن های نسبی شاخص ها در میانگین حسابی گزینه ها
- رتبه بندی کردن گزینه ها

## انتخاب لپ تاپ

سطح هدف



سطح گزینه ها  
(لپ تاپ)



# مقایسه زوچی شاخص ها

	لوازم جانبی	مشخصات فنی	وزن	قیمت	نام تجاری	گارانتی
لوازم جانبی	1	1/9	1/3	1/3	1/5	1/6
مشخصات فنی	9	1	4	2	1	2
وزن	3	1/4	1	1/4	1/5	1/3
قیمت	3	1/2	4	1	2	1
نام تجاری	5	1	5	1/2	1	2
گارانتی	6	1/2	3	1	1/2	1

## وزن نسبی

## ماتریس نرم‌الایز شده

	لوازم جانبی	مشخصات فنی	وزن	قیمت	نام تجاری	گارانتی
لوازم جانبی	0.037	0.033	0.0192	0.0656	0.0408	0.0256
مشخصات فنی	0.333	0.297	0.2308	0.393	0.204	0.3076
وزن	0.111	0.0743	0.0577	0.0492	0.0408	0.0512
قیمت	0.111	0.148	0.2308	0.1968	0.4081	0.1538
نام تجاری	0.185	0.297	0.2885	0.0984	0.204	0.3076
گارانتی	0.222	0.148	0.1731	0.1968	0.1020	0.1538

0.0368

0.2942

0.06403

0.20808

0.23008

0.16595



# محاسبه نرخ ناسازگاری مقایسات زوجی

$$A \times W = \begin{pmatrix} 0.2338 \\ 1.86038 \\ 0.40133 \\ 1.34781 \\ 1.46509 \\ 1.04906 \end{pmatrix}$$

$$\lambda_{max1} = 6.35506$$

$$\lambda_{max2} = 6.32352$$

$$\lambda_{max3} = 6.26788$$

$$\lambda_{max4} = 6.47347$$

$$\lambda_{max5} = 6.36774$$

$$\lambda_{max6} = 6.32154$$



$$\lambda_{max} = \frac{\lambda_{max1} + \lambda_{max2} + \dots + \lambda_{max6}}{6} = 6.351535$$



## محاسبه نرخ ناسازگاری مقایسات زوجی

$$\lambda_{max} = 6.351535$$

$$I.I = \frac{\lambda_{max} - n}{n - 1} = \frac{6.351535 - 6}{5} = 0.0703$$

$$I.R = \frac{I.I}{I.I.R} = \frac{0.0703}{1.24} = 0.056 < 0.1$$



## ماتریس 1

ماتریس مقایسه زوجی گزینه ها نسبت به قیمت

PRICE	Apple	Dell	VAIO
Apple	1	3	2
Dell	1/3	1	1/2
VAIO	1/2	2	1
1.83	6	3.5	

نرم‌الایز



$$\begin{bmatrix} 0.546 & 0.5 & 0.571 \\ 0.182 & 0.166 & 0.142 \\ 0.273 & 0.333 & 0.285 \end{bmatrix}$$

متوسط سطري

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 0.539 \\ 0.163 \\ 0.297 \end{bmatrix}$$





# محاسبه نرخ ناسازگاری ماتریس 1

$$A \times W = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 2 \\ 1/3 & 1 & 1/2 \\ 1.83 & 6 & 3.5 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 0.539 \\ 0.163 \\ 0.297 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1.622 \\ 0.4905 \\ 0.8925 \end{bmatrix}$$

$$\left. \begin{array}{l} \lambda_{max1} = \frac{1.622}{0.539} = 3.0092 \\ \lambda_{max2} = \frac{0.4905}{0.163} = 3.0092 \\ \lambda_{max3} = \frac{0.8925}{0.297} = 3.005 \end{array} \right\} \quad \lambda_{max} = \frac{\lambda_{max1} + \lambda_{max2} + \lambda_{max3}}{3} = 3.0078$$



# محاسبه نرخ ناسازگاری ماتریس 1

$$I.I = \frac{\lambda_{\max} - n}{n - 1} = \frac{3.0078 - 3}{2} = 0.0039$$

$$I.R = \frac{I.I}{I.I.R} = \frac{0.0039}{0.58} = 0.006 < 0.1$$

میزان ناسازگاری کمتر از 0.1 بوده  
و قابل قبول می باشد.



## ماتریس 2

ماتریس مقایسه زوجی گزینه ها نسبت به نام تجاری

Brand	Apple	Dell	VAIO
Apple	1	9	6
Dell	1/9	1	1/3
VAIO	1/6	3	1

---

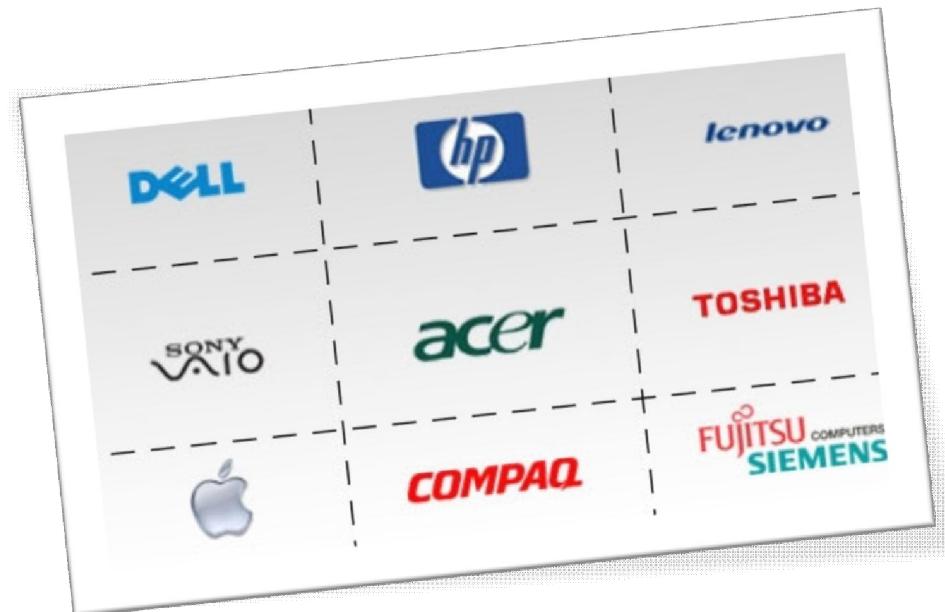
1.277      13      7.33

نرم‌الایز  
→

$$\begin{bmatrix} 0.783 & 0.692 & 0.818 \\ 0.087 & 0.076 & 0.045 \\ 0.130 & 0.230 & 0.136 \end{bmatrix}$$

متوسط سطري  
→

$$\begin{bmatrix} 0.764 \\ 0.069 \\ 0.165 \end{bmatrix}$$





## محاسبه نرخ ناسازگاری ماتریس 2

$$A \times W = \begin{bmatrix} 1 & 9 & 6 \\ 1/9 & 1 & 1/3 \\ 1/6 & 3 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 0.764 \\ 0.069 \\ 0.165 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2.375 \\ 0.208 \\ 0.499 \end{bmatrix}$$

$$\left. \begin{array}{l} \lambda_{max1} = \frac{2.375}{0.764} = 3.108 \\ \lambda_{max2} = \frac{0.208}{0.069} = 3.027 \\ \lambda_{max3} = \frac{0.499}{0.165} = 3.026 \end{array} \right\} \quad \lambda_{max} = \frac{\lambda_{max1} + \lambda_{max2} + \lambda_{max3}}{3} = 3.053$$



## محاسبه نرخ ناسازگاری ماتریس 2

$$I.I = \frac{\lambda_{\max} - n}{n - 1} = \frac{3.053 - 3}{2} = 0.0265$$

$$I.R = \frac{I.I}{I.I.R} = \frac{0.0265}{0.58} = 0.045 < 0.1$$

میزان ناسازگاری کمتر از 0.1 بوده و قابل قبول می باشد.



### ماتریس 3

ماتریس مقایسه زوجی گزینه ها نسبت به لوازم جانبی

Brand	Apple	Dell	VAIO
Apple	1	1/3	1/4
Dell	3	1	1/2
VAIO	4	2	1
	8	3.33	1.75

نرمالایز  
→

$$\begin{bmatrix} 0.125 & 0.1 & 0.143 \\ 0.375 & 0.3 & 0.286 \\ 0.5 & 0.6 & 0.571 \end{bmatrix}$$

متوسط سطحی  
→

$$\begin{bmatrix} 0.123 \\ 0.320 \\ 0.557 \end{bmatrix}$$



## محاسبه نرخ ناسازگاری ماتریس 3

$$A \times w = \begin{bmatrix} 1 & 1/3 & 1/4 \\ 3 & 1 & 1/2 \\ 4 & 2 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 0.123 \\ 0.320 \\ 0.557 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.368 \\ 0.967 \\ 1.869 \end{bmatrix}$$

$$\left. \begin{array}{l} \lambda_{max1} = \frac{0.368}{0.123} = 2.999 \\ \lambda_{max2} = \frac{0.967}{0.320} = 3.023 \\ \lambda_{max3} = \frac{1.689}{0.557} = 3.032 \end{array} \right\} \quad \lambda_{max} = \frac{\lambda_{max1} + \lambda_{max2} + \lambda_{max3}}{3} = 3.018$$



## محاسبه نرخ ناسازگاری ماتریس 3

$$I.I = \frac{\lambda_{\max} - n}{n - 1} = \frac{3.018 - 3}{2} = 0.009$$

$$I.R = \frac{I.I}{I.I.R} = \frac{0.009}{0.58} = 0.015 < 0.1$$

میزان ناسازگاری کمتر از 0.1 بوده و قابل قبول می باشد.



## ماتریس 4

ماتریس مقایسه زوجی گزینه ها نسبت به مشخصات فنی

T.SPE	Apple	Dell	VAIO
Apple	1	4	3
Dell	1/4	1	1/2
VAIO	1/3	2	1
	1.583	7	4.5

نرم‌الایز  
→

$$\begin{bmatrix} 0.631 & 0.571 & 0.666 \\ 0.157 & 0.142 & 0.111 \\ 0.210 & 0.285 & 0.222 \end{bmatrix}$$

متوسط سطري  
→

$$\begin{bmatrix} 0.622 \\ 0.136 \\ 0.239 \end{bmatrix}$$





## محاسبه نرخ ناسازگاری ماتریس 4

$$A \times w = \begin{bmatrix} 1 & 4 & 3 \\ 1/4 & 1 & 1/2 \\ 1/3 & 2 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 0.622 \\ 0.136 \\ 0.239 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.1883 \\ 0.411 \\ 0.718 \end{bmatrix}$$

$$\begin{aligned} \lambda_{max1} &= 3.027 \\ \lambda_{max2} &= 3.022 \\ \lambda_{max3} &= 3.005 \end{aligned}$$

$$\lambda_{max} = \frac{\lambda_{max1} + \lambda_{max2} + \lambda_{max3}}{3} = 3.018$$



## محاسبه نرخ ناسازگاری ماتریس 4

$$I.I = \frac{\lambda_{\max} - n}{n - 1} = \frac{3.018 - 3}{2} = 0.009$$

$$I.R = \frac{I.I}{I.I.R} = \frac{0.009}{0.58} = 0.015 < 0.1$$

میزان ناسازگاری کمتر از 0.1 بوده  
و قابل قبول می باشد.



## ماتریس 5

### ماتریس مقایسه زوجی گزینه ها نسبت به وزن

weight	Apple	Dell	VAIO
Apple	1	1/3	1/2
Dell	3	1	3
VAIO	2	1/3	1
6	2.66	4.5	

نرم‌الایز



$$\begin{bmatrix} 0.166 & 0.125 & 0.111 \\ 0.5 & 0.375 & 0.666 \\ 0.333 & 0.125 & 0.222 \end{bmatrix}$$

متوسط سطري

$$\longrightarrow \begin{bmatrix} 0.134 \\ 0.513 \\ 0.226 \end{bmatrix}$$





## محاسبه نرخ ناسازگاری ماتریس 5

$$A \times w = \begin{bmatrix} 1 & 1/3 & 1/2 \\ 3 & 1 & 3 \\ 2 & 1/3 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 0.134 \\ 0.513 \\ 0.226 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.418 \\ 1.593 \\ 0.665 \end{bmatrix}$$

$$\begin{aligned}\lambda_{max1} &= 3.119 \\ \lambda_{max2} &= 3.105 \\ \lambda_{max3} &= 2.924\end{aligned}$$

$$\left. \begin{array}{l} \lambda_{max1} = 3.119 \\ \lambda_{max2} = 3.105 \\ \lambda_{max3} = 2.924 \end{array} \right\} \quad \lambda_{max} = \frac{\lambda_{max1} + \lambda_{max2} + \lambda_{max3}}{3} = 3.0493$$



## محاسبه نرخ ناسازگاری ماتریس 5

$$I.I = \frac{\lambda_{\max} - n}{n - 1} = \frac{3.0493 - 3}{2} = 0.02465$$

$$I.R = \frac{I.I}{I.I.R} = \frac{0.02465}{0.58} = 0.042 < 0.1$$

میزان ناسازگاری کمتر از 0.1 بوده  
و قابل قبول می باشد.



## ماتریس 6

ماتریس مقایسه زوجی گزینه ها نسبت به گارانتی

warranty	Apple	Dell	VAIO
Apple	1	1/4	1/5
Dell	4	1	1/2
VAIO	5	2	1
	10	3.25	1.7

نرم‌الایز  
→

$$\begin{bmatrix} 0.1 & 0.076 & 0.117 \\ 0.4 & 0.307 & 0.294 \\ 0.5 & 0.615 & 0.588 \end{bmatrix}$$

متوسط سطحی  
→

$$\begin{bmatrix} 0.098 \\ 0.333 \\ 0.567 \end{bmatrix}$$





## محاسبه نرخ ناسازگاری ماتریس 6

$$A \times w = \begin{bmatrix} 1 & 1/4 & 1/5 \\ 4 & 1 & 1/2 \\ 5 & 2 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 0.098 \\ 0.333 \\ 0.567 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.294 \\ 1.0085 \\ 1.723 \end{bmatrix}$$

$$\left. \begin{array}{l} \lambda_{max1} = 3.006 \\ \lambda_{max2} = 3.0285 \\ \lambda_{max3} = 3.0388 \end{array} \right\}$$

$$\lambda_{max} = \frac{\lambda_{max1} + \lambda_{max2} + \lambda_{max3}}{3} = 3.0244$$



## محاسبه نرخ ناسازگاری ماتریس 6

$$I.I = \frac{\lambda_{\max} - n}{n - 1} = \frac{3.0244 - 3}{2} = 0.0122$$

$$I.R = \frac{I.I}{I.I.R} = \frac{0.0122}{0.58} = 0.021 < 0.1$$

میزان ناسازگاری کمتر از 0.1 بوده  
و قابل قبول می باشد.

	PRICE 0.20808	BRAND 0.23008	WARRANTY 0.16595	WEIGHT 0.06403	ACCESOORIES 0.0368	TECHNICAL SPECIFICATION 0.2942
Apple	0.539	0.764	0.098	0.134	0.123	0.622
Dell	0.163	0.069	0.333	0.513	0.320	0.136
Vaio	0.297	0.165	0.567	0.226	0.557	0.239

$$0.20808 \begin{bmatrix} 0.539 \\ 0.163 \\ 0.297 \end{bmatrix} + 0.23008 \begin{bmatrix} 0.764 \\ 0.069 \\ 0.165 \end{bmatrix} + 0.16595 \begin{bmatrix} 0.098 \\ 0.333 \\ 0.567 \end{bmatrix} + 0.06403 \begin{bmatrix} 0.134 \\ 0.513 \\ 0.226 \end{bmatrix} + 0.0368 \begin{bmatrix} 0.123 \\ 0.320 \\ 0.557 \end{bmatrix} + 0.2942 \begin{bmatrix} 0.622 \\ 0.134 \\ 0.239 \end{bmatrix}$$

$\Rightarrow = \begin{bmatrix} 0.50029 \\ 0.18910 \\ 0.29913 \end{bmatrix} \longrightarrow$

رتبه اول  
رتبه سوم  
رتبه دوم

Apple > VAIO > Dell



## مقایسه نتایج و استفاده از روش میانگین رتبه ها

گزینه ها	روش های MADM			میانگین رتبه
	SAW	TOPSIS	AHP	
VAIO	1	1	2	1.33
DELL	2	3	3	2.66
APPLE	3	2	1	2

VAIO > APPLE > DELL